

A decorative graphic consisting of a thin yellow circle. A thick black bracket is on the left side, and a thick yellow bracket is on the right side. A horizontal bar with a gradient from olive green to white is positioned across the middle of the circle.

Behandlung fehlender Werte

Dipl.-Psych. Wilmar Igl
- Methodenberatung -

Rehabilitationswissenschaftlicher
Forschungsverbund
Bayern

[Einleitung (1)]

- **Fehlende Werte als allgegenwärtiges Problem** der Forschung, auch in den Gesundheitswissenschaften
- **Probleme durch fehlende Werte:**
 - Fehlerquellen in der Studie möglich
 - Verzerrung (*bias*) der Ergebnisse
 - Verringerung der Effizienz von statistischen Verfahren

[Einleitung (2)]

- Vorteile der Beschäftigung mit fehlenden Werten:
 - Analyse von Fehlwerten zur Verbesserung der Studie
 - Erkennen von möglichen Verzerrungen
 - Auswahl geeigneter Methoden zur Behandlung von Fehlwerten
 - Steigerung der Effizienz der statistischen Auswertung
- Aktueller Stand:
 - noch geringes Problembewusstsein bei vielen Statistik-Anwendern
 - geeignete Methoden sind noch nicht standardmäßig Statistik-Programmen enthalten (z.B. SPSS, SAS) bzw. sind Zusatz-module und -programme notwendig

Ziele des Vortrags

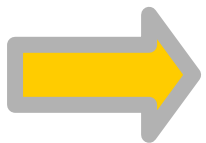
- Schaffung von **Problembewusstsein**
- **Grundlagen** zum Thema
- Methoden zur **Analyse** von Fehlwerten
- Methoden zur **Behandlung** von Fehlwerten
- **Anwendungsempfehlungen**



I. Grundlagen zu Fehlwerten

Was ist ein fehlender Wert?

- **Erwartete fehlende Werte** (*intentional missing*):
Merkmal existiert nicht in der Realität
Beispiel: Beurteilung der Arbeitszufriedenheit bei Arbeitslosen
- **Unerwartete fehlende Werte** ("echte Fehlwerte"):
Merkmal existiert in der Realität, aber keine Daten vorhanden
Beispiel: Frage zur Arbeitszufriedenheit wurde von Probanden, der Arbeit hat, übersehen



In diesem Vortrag geht es um **unerwartete Fehlwerte** (missing data (MD), missing values) !

[Ursachen für fehlende Werte]

- **Untersucher** z.B. Unterschätzung des Umfangs der Untersuchung/ Belastung des Patienten,...
- **Instrument** z.B. unklare Fragen, unpassende Antworten, mangelnde Übersichtlichkeit,...
- **Proband** z.B. mangelnde Compliance/ Aufmerksamkeit, Scham, ...
- **Dateneingabe** z.B. unzuverlässige Hilfskräfte,...
- **Auswertung** z.B. "Divison by Zero Error", Ausschluss von Ausreißern,...
- **Sonstiges** z.B. Datenverlust durch EDV-Probleme, Fehler der Post,...

Missing Data Prozesse

- Missing Completely At Random (MCAR)
- Missing At Random (MAR)
- Non-Missing At Random (NMAR)/ Informative Drop-Out (vgl. Little & Rubin, 2002)



Abhängig von zugrundeliegendem Missing Data Prozess können **Verzerrungen** der Daten/Ergebnisse auftreten!



Vorbedingung für die **Auswahl von Methoden** zur Behandlung von Fehlwerten!

Missing Completely At Random (MCAR)

- **Annahme:** Das Auftreten eines fehlenden Wertes in der Variable Y ist nicht abhängig
 - a) von den Ausprägung der Variable Y selbst oder
 - b) den restlichen Variablen X_1 bis X_n im Datensatz.
- **Beispiele:**
 - Fehler der Post, Dateneingabefehler ("Vertipper"),... => **MCAR**
 - Fehlwerte abhängig von der "Motivation zur Studienteilnahme", fehlende Angaben zum "Ausmaß des Suchtmittelgebrauchs" bei stark Drogenabhängigen => **kein MCAR**

[MCAR - Diagramm]

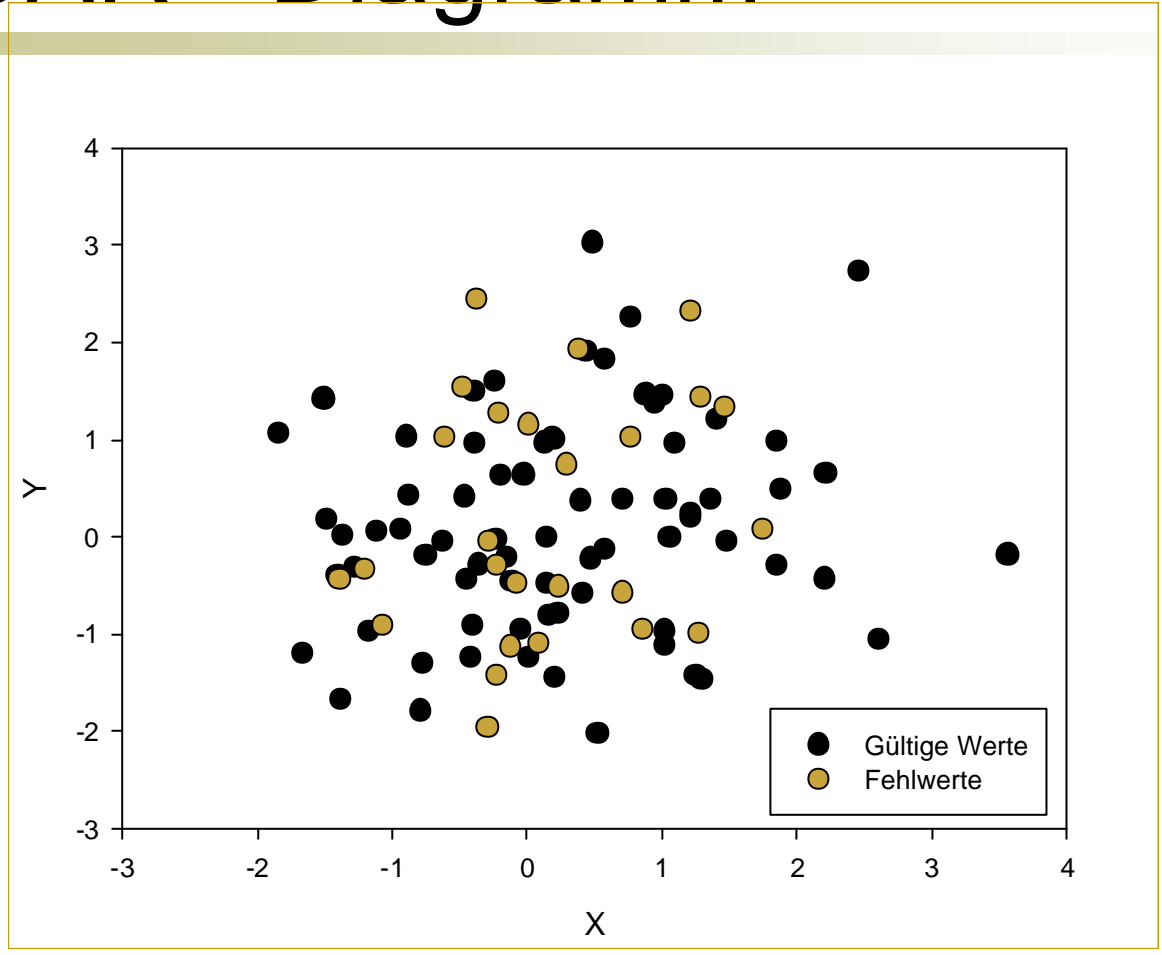


Abb. 1: Streudiagramm mit Fehlwerten (braun) unter der Bedingung MCAR

Missing At Random (MAR)

- **Annahme:** Das Auftreten eines fehlenden Wertes in einer Variable Y ist vollständig durch die Ausprägungen der restlichen Variablen X_1 bis X_n erklärbar.
- **Beispiele:**
 - Fehlwerte abhängig von der "Motivation zur Studienteilnahme"
=> **MAR**
 - fehlende Angaben zum Ausmaß des Drogenkonsums kann nicht aus anderen Variablen erklärt werden, sondern nur aus dem Drogenkonsum selbst => **kein MAR**

[MAR - Diagramm]

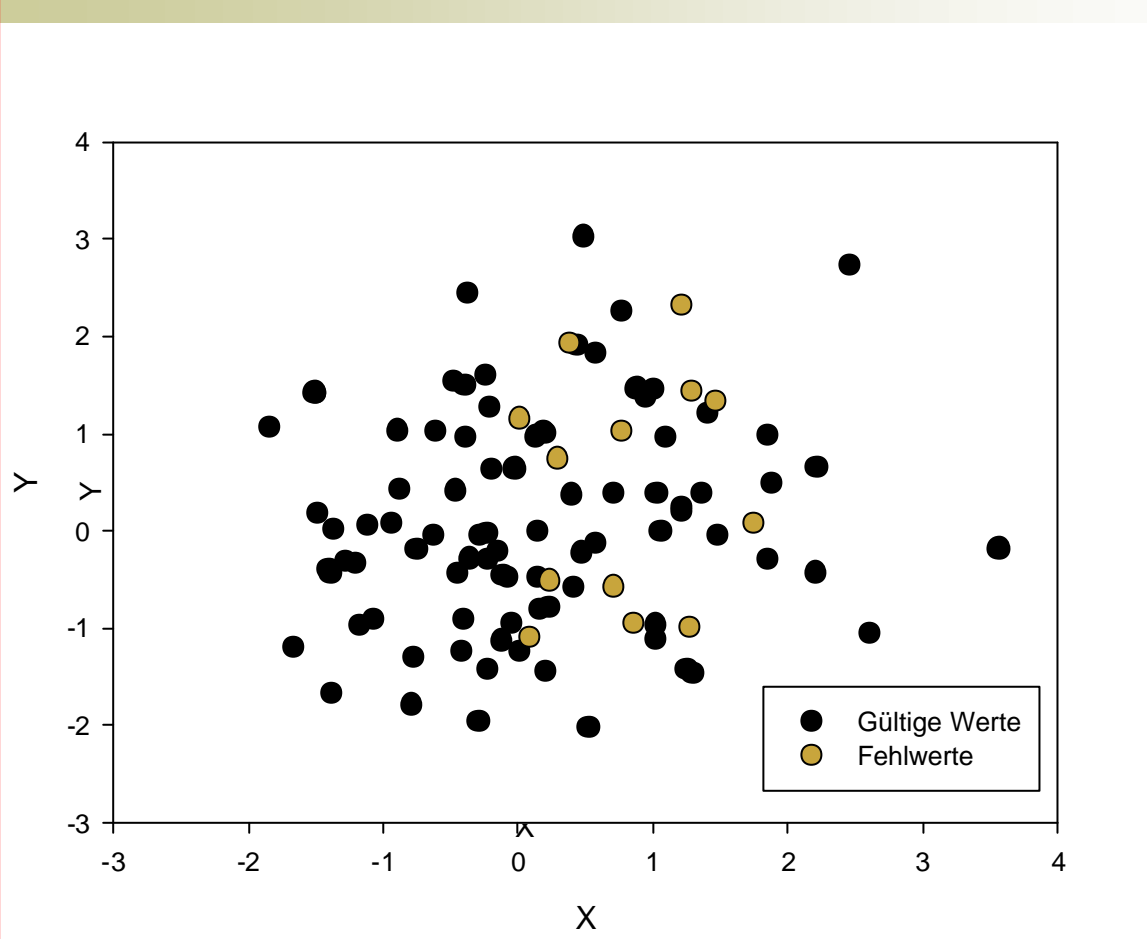


Abb. 2: Streudiagramm mit Fehlwerten (braun) unter der Bedingung MAR

Not Missing At Random (NMAR)/ Informative Drop-Out

- **Annahme:** Das Auftreten von fehlenden Werten in der Variable Y ist
 - a) von der (unbekannten) Ausprägung der Variable Y abhängig
 - b) ist nicht durch die Ausprägungen der übrigen Variablen X_1 bis X_n erklärbar.
- **Beispiele:**
 - fehlende Angaben zum Einkommen von besonders gut verdienenden Personen, fehlende Angaben von Drogenabhängigen zu Fragen zum Suchtmittelgebrauch => **NMAR**
 - Fehlende Angaben zum Einkommen können aus dem Bildungsstand ermittelt werden => **Kein NMAR (sondern MAR)**

[NMAR - Diagramme]

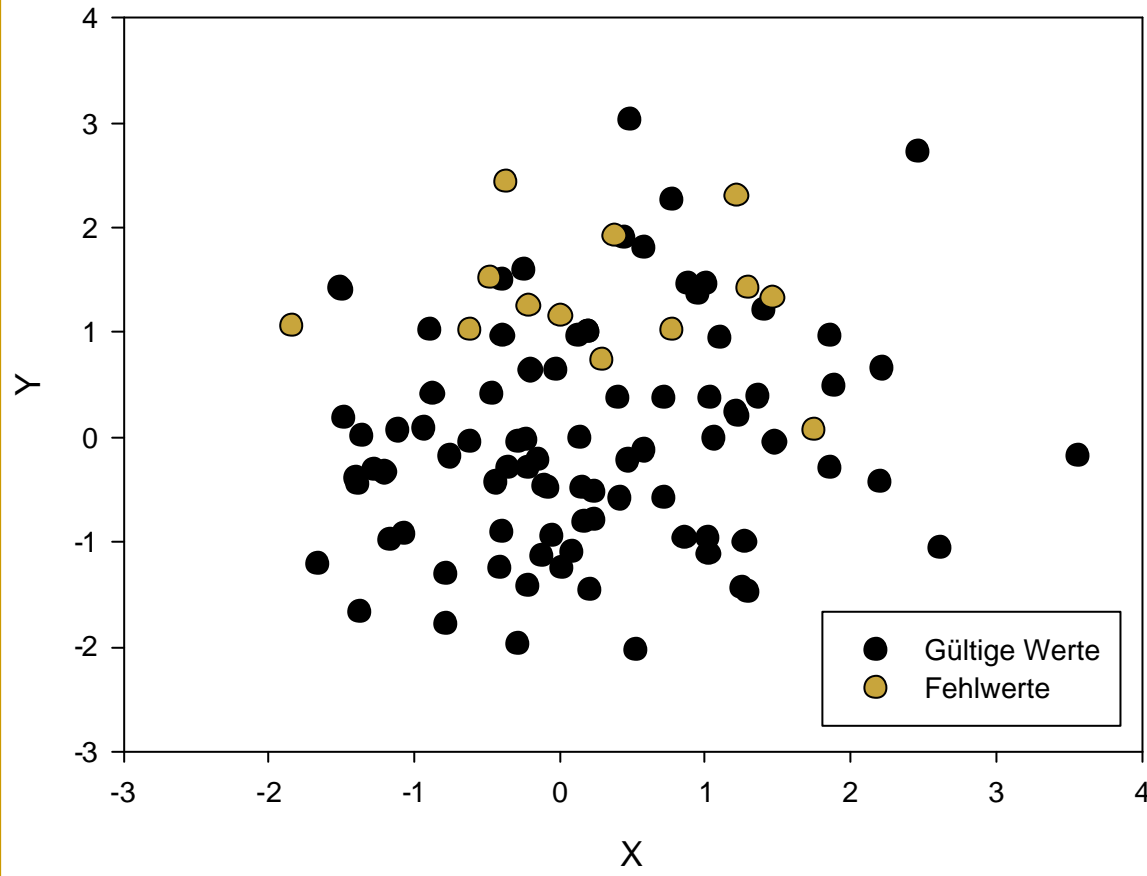


Abb. 2: Streudiagramm mit Fehlwerten (braun) unter der Bedingung NMAR



II. Analyse von Fehlwerten und zugrundeliegender Prozesse

[Diagnoseschritte]

1. Erstellung einer **Indikatormatrix der Fehlwerte**
2. Berechnung des **Anteils fehlender Werte**
 - pro Fall
 - pro Variable
3. Untersuchung **häufig auftretender Muster fehlender Werte**
4. Untersuchung von **Gruppenunterschieden zwischen Responder vs. Non-Respondern**
5. Untersuchung von **Korrelationen zwischen Indikatorvariablen**

[Datenbeispiel]

	Daten		
Fall	X1	X2	Y
1	?	2	1
2	?	1	2
3	?	3	3
4	6	5	4
5	4	4	5
6	4	5	6
7	6	4	7
8	7	?	8
9	8	?	9
10	9	?	10
11	9	?	11

Zufriedenheit mit...

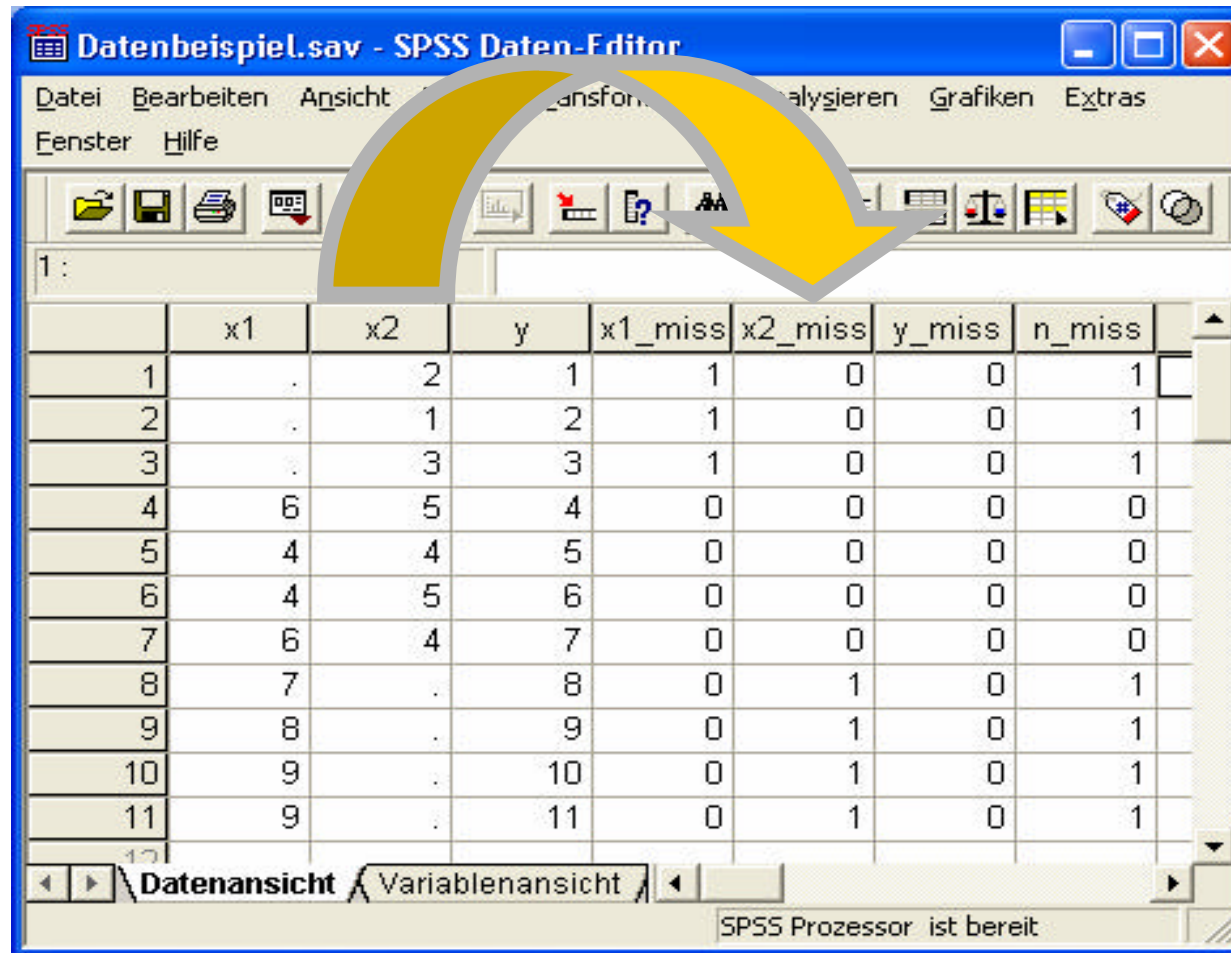
X1 = Beruf

X2 = Einkommen

Y = Leben allgemein

Tab. 1: Datenbeispiel aus Wirtz (2004)

Erstellung der Indikatormatrix



The screenshot shows the SPSS Daten-Editor window for 'Datenbeispiel.sav'. The menu bar includes 'Datei', 'Bearbeiten', 'Ansicht', 'Transformieren', 'Analysieren', 'Grafiken', and 'Extras'. The toolbar contains various icons, and a yellow arrow points from the 'Transformieren' menu to the 'Mittelwert ersetzen...' option. The data table below shows the following values:

	x1	x2	y	x1_miss	x2_miss	y_miss	n_miss
1	.	2	1	1	0	0	1
2	.	1	2	1	0	0	1
3	.	3	3	1	0	0	1
4	6	5	4	0	0	0	0
5	4	4	5	0	0	0	0
6	4	5	6	0	0	0	0
7	6	4	7	0	0	0	0
8	7	.	8	0	1	0	1
9	8	.	9	0	1	0	1
10	9	.	10	0	1	0	1
11	9	.	11	0	1	0	1

Umkodierung:

Fehlwert = 1

gültiger Wert = 0

Abb. 3: Datenbeispiel aus Wirtz (2004)

Anteil fehlender Werte

Datenbeispiel.sav - SPSS Daten-Editor

1 : p_miss 0,333333333333333

	x1	x2	y	x1_miss	x2_miss	y_miss	p_miss
1	.	2	1	1	0	0	,33
2	.	1	2	1	0	0	,33
3	.	3	3	1	0	0	,33
4	6	5	4	0	0	0	,00
5	4	4	5	0	0	0	,00
6	4	5	6	0	0	0	,00
7	6	4	7	0	0	0	,00
8	7	.	8	0	1	0	,33
9	8	.	9	0	1	0	,33
10	9	.	10	0	1	0	,33
11	9	.	11	0	1	0	,33

Datenansicht / Variablenansicht

SPSS Prozessor ist bereit

Abb. 4: Anteil fehlender Werte pro Fall

X1_MISS

	Häufigkeit	Prozent	Gültige Prozente	Kumulierte Prozente
Gültig 0	8	72,7	72,7	72,7
1	3	27,3	27,3	100,0
Gesamt	11	100,0	100,0	

Tab. 2: Anteil fehlender Werte pro Variable

Erkennen häufiger Muster fehlender Werte

x1_miss	x2_miss	x3_miss	y_miss	f(Muster)
0	0	0	0	4
0	1	0	0	3
1	0	1	0	3
0	1	1	0	1

Zufriedenheit mit...

X1 = Beruf

X2 = Einkommen

X3 = Kollegen

Y = Leben allgemein

Tab. 3: Muster von fehlenden Werten und ihre Häufigkeit



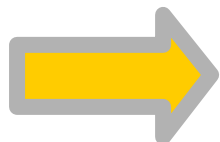
Besonders häufig auftretende Muster weisen auf systematisches Auftreten fehlender Werte hin!

Gruppenunterschiede

- Testung von Gruppenunterschieden in den Variablen x_1 , x_2 , y basierend auf den Indikatorvariablen x_1_miss , x_2_miss , y_miss

Unabhängige Variable	Abhängige Variable		
	M(Y), wenn Miss = 0	M(Y), wenn Miss=1	$t_{df=8}$ (Signifikanz)
X1_miss	2,0	7,5	-3,67 ($p=,005^{**}$)
X2_miss	9,0	3,5	5,20 ($p=,001^{**}$)

Tab. 4: Ergebnisse der Testung auf Gruppenunterschiede



Signifikante Gruppenunterschiede weisen auf systematisches Auftreten fehlender Werte hin!

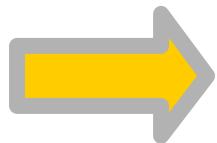
Korrelationen zwischen Fehlwerten

Korrelationen

		X1_MISS	X2_MISS	Y_MISS
X1_MISS	Korrelation nach Pearson	1	-,463	. ^a
	Signifikanz (2-seitig)	.	,152	.
	N	11	11	11
X2_MISS	Korrelation nach Pearson	-,463	1	. ^a
	Signifikanz (2-seitig)	,152	.	.
	N	11	11	11
Y_MISS	Korrelation nach Pearson	. ^a	. ^a	. ^a
	Signifikanz (2-seitig)	.	.	.
	N	11	11	11

a. Kann nicht berechnet werden, da mindestens eine der Variablen konstant ist.

Tab. 4: Korrelationen der Indikatormatrix



Signifikante Korrelationen weisen auf systematisches Auftreten fehlender Werte hin!



III. Methoden zur Behandlung von fehlenden Werten

[Allgemeine Ansätze]

- Fallausschluss:
 - Listenweiser Fallausschluss (*listwise deletion, complete case approach*)
 - Paarweiser Fallausschluss (*pairwise deletion, available case approach*)
- Einfache Imputation (=Ersetzung):
 - Mittelwertersetzung (*mean substitution*)
 - EM/FIML-Algorithmus (=>*state of the art!*)
- Multiple Imputation (=>*state of the art!*)

[Datenbeispiel]

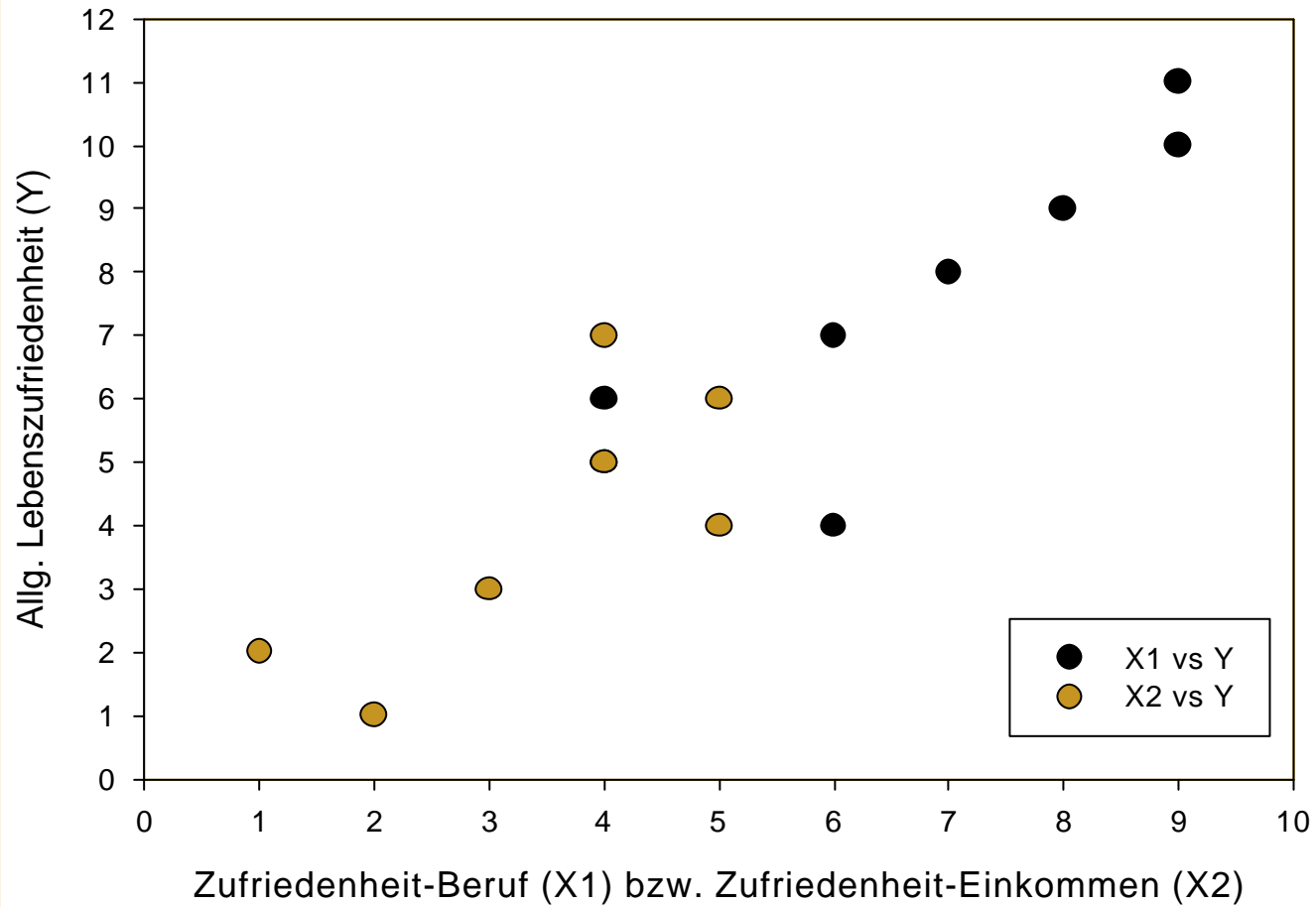


Abb. 5: Datenbeispiel aus Wirtz (2004)

Listenweiser Fallausschluss

- **Vorgehen:** Ausschluss aller unvollständiger Fälle/
Variablen („*complete case approach*“)
- **Anwendung bei:**
 - MCAR
 - große Stichprobe
 - starke Effekte
- **Nachteile:**
 - Reduktion der Stichprobe bis zur Unbrauchbarkeit möglich
 - MCAR ist in der Forschungspraxis selten gegeben

LW-Fallausschluss: Datenbeispiel

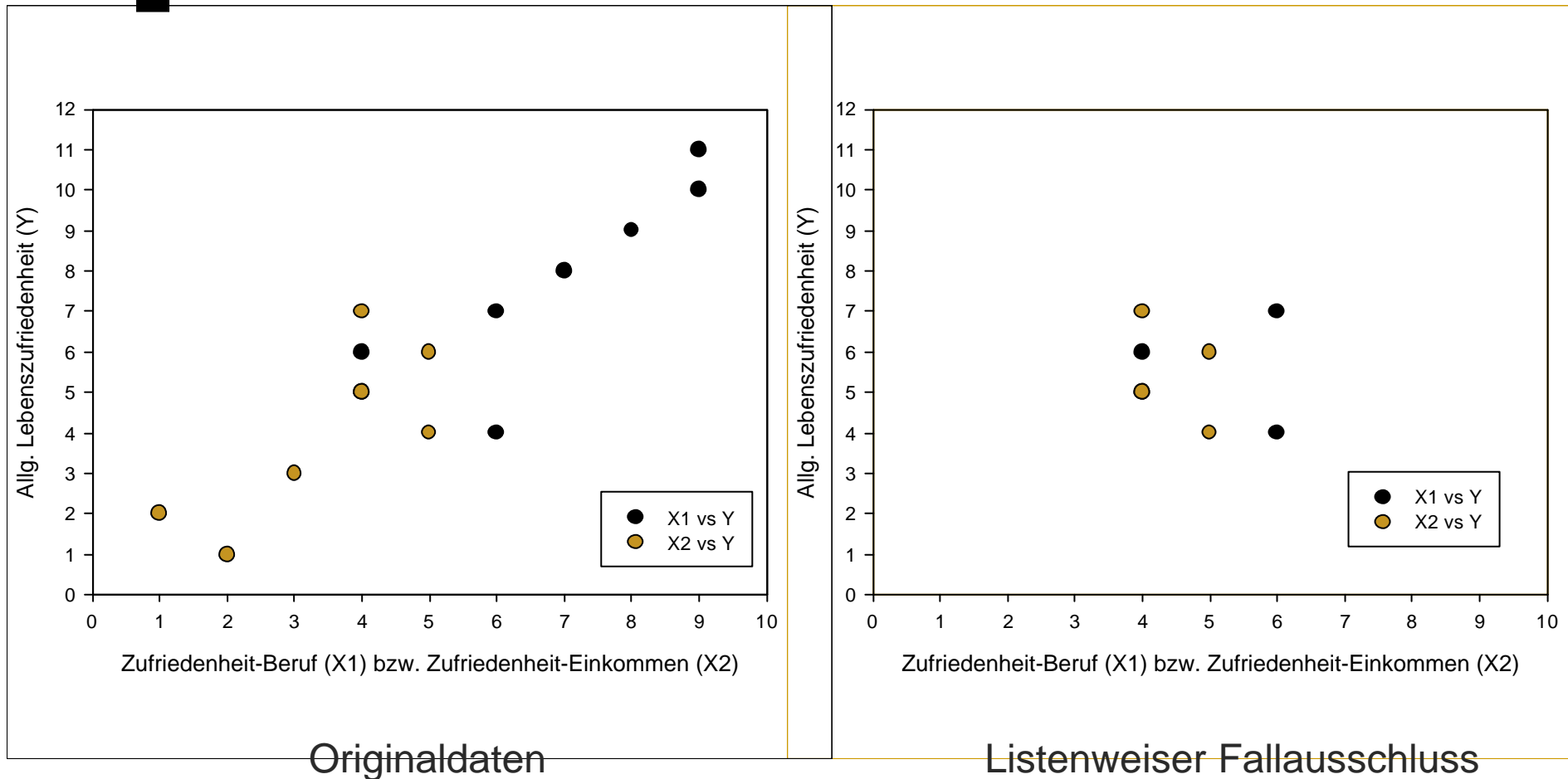


Abb. 6: Listenweiser Fallausschluss am Datenbeispiel von Wirtz (2004)

Paarweiser Fallausschluss

- **Vorgehen:** Alle gültigen Fälle, der in die Berechnung eingehenden Variablen, werden ausgewertet. Verteilungscharakteristika der gültigen Werte werden übernommen (*“available cases approach”*)
- **Anwendung bei:**
 - MCAR
 - Berechnung von Korrelationen, Mittelwerten, Streuungen
- **Nachteile:**
 - Statistiken können auf unterschiedlichen Stichproben von Beobachtungen basieren (unterschiedliches N !)
 - mathematische Inkonsistenzen möglich (z.B. zwischen Korrelationen zweier Variablen X, Y und deren Partialkorrelationen mit Z)

PW-Fallausschluss: Datenbeispiel

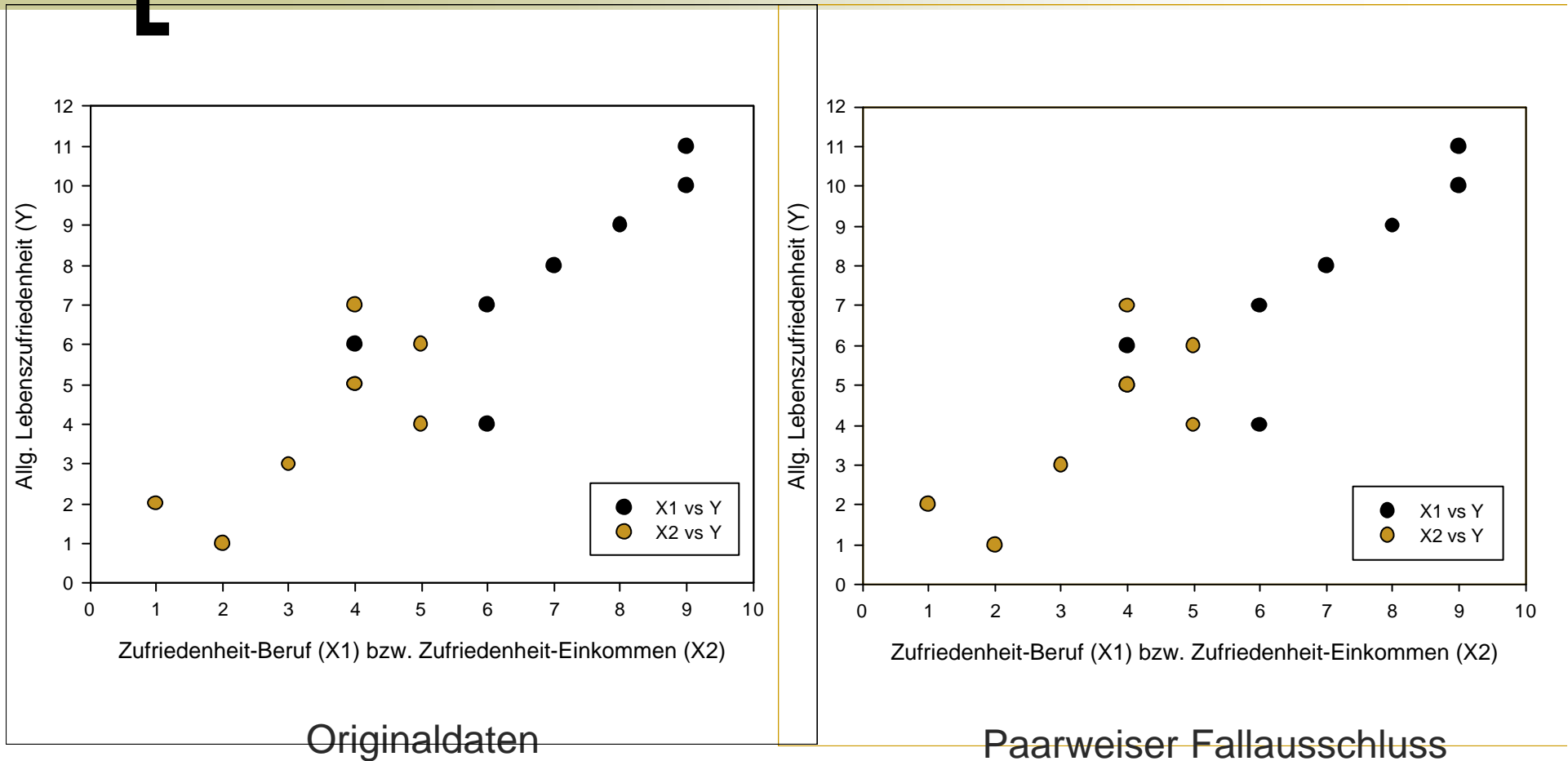


Abb. 7: Paarweiser Fallausschluss am Datenbeispiel von Wirtz (2004)

Mittelwertersetzung (MWE)

- **Vorgehen:** Ersetzen der fehlenden Werte pro Variable durch den Mittelwert der gültigen Werte der jeweiligen Variable
- **Vorteile:**
 - einfache Anwendung
 - vollständiger Datensatz
- **Nachteile** (auch bei MCAR!):
 - MWE ist nur unter MCAR bei der Berechnung von Summen und Mittelwerten verzerrungsfrei!
 - Verzerrung der wahren Verteilung
 - Unterschätzung der wahren Varianz
 - Unterschätzung der wahren Zusammenhänge

MWE: Datenbeispiel

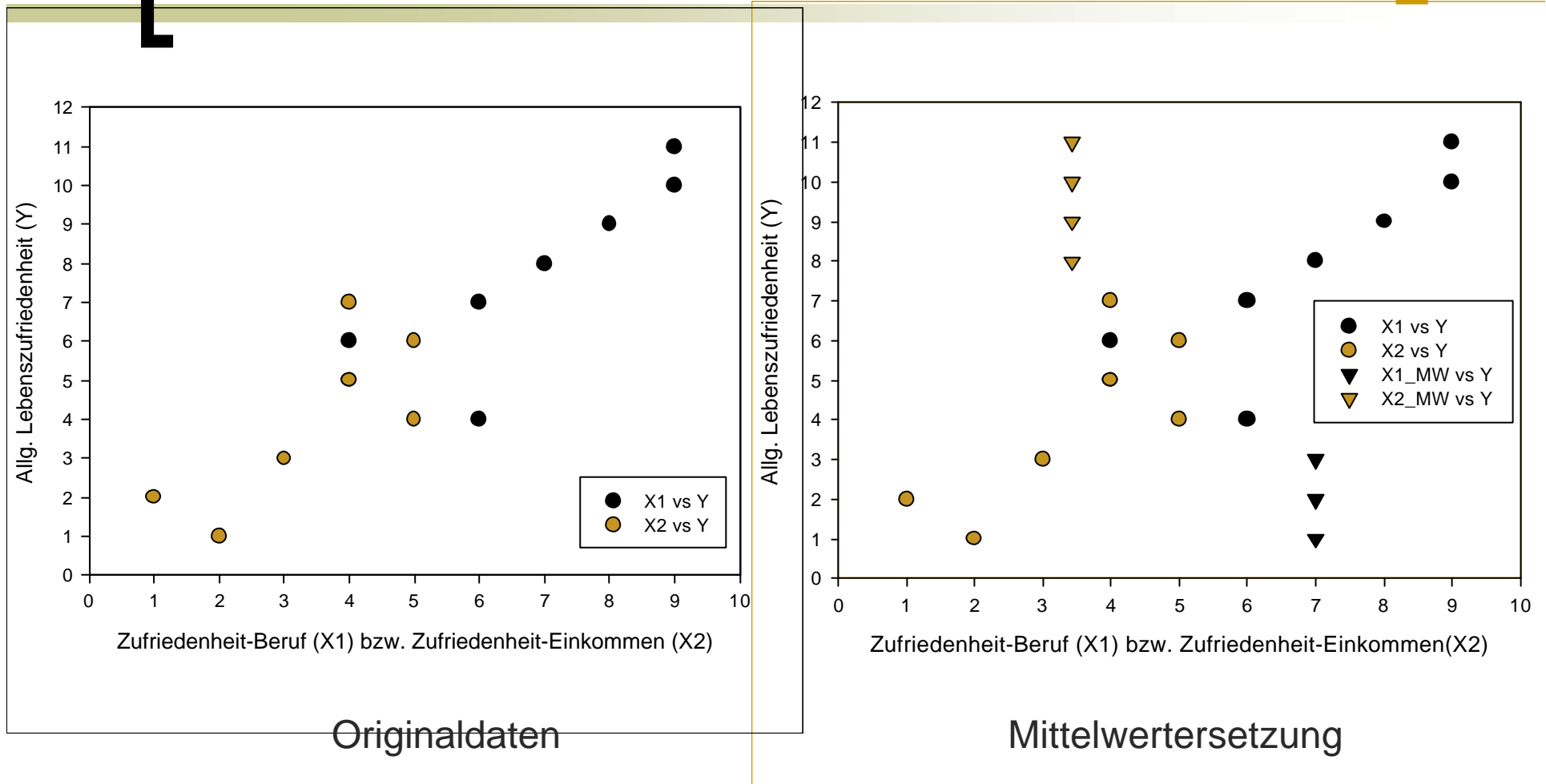


Abb. 8: Mittelwertersetzung am Datenbeispiel von Wirtz (2004)

EM-Algorithmus

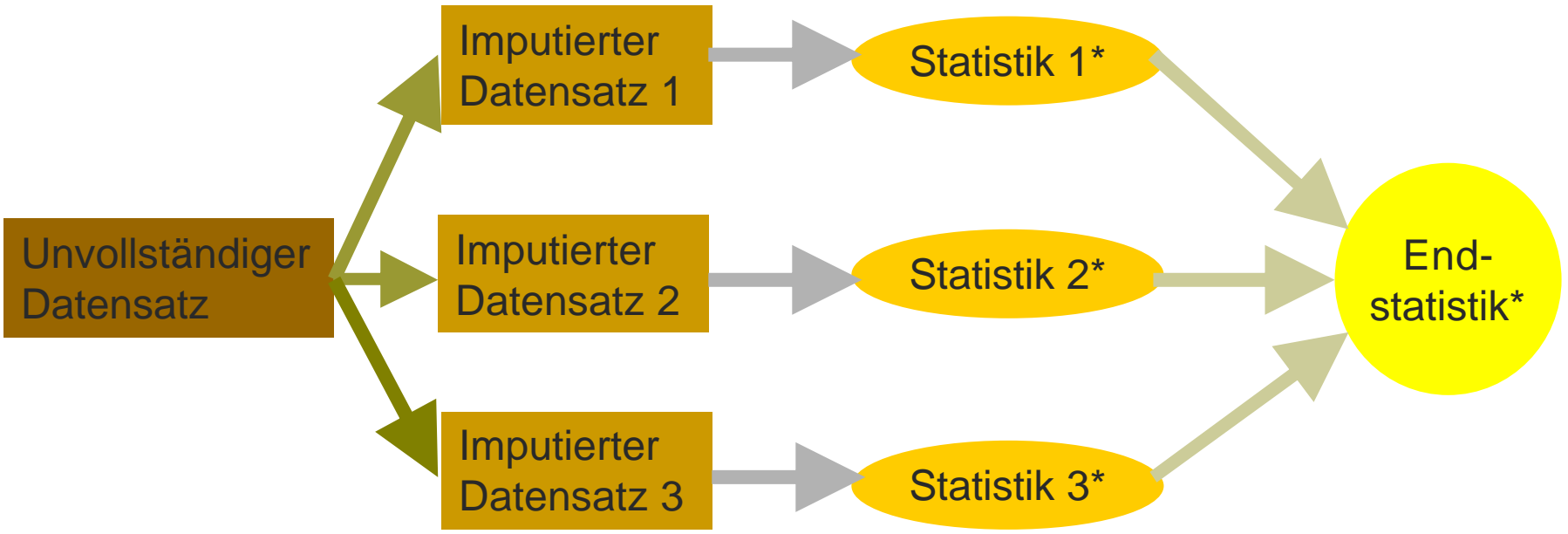
1. **Schätzung fehlender Werte** auf Grundlage der Parameter der zuletzt geschätzten Daten (M, SD, r)
2. **Neue Berechnung von Parametern** (M, SD, r) für neue (vollständige) Verteilung
3. **Vergleich der Parameter**
 - a) $\text{Parameter}(\text{neuer Datensatz}) \neq \text{Parameter}(\text{letzter Datensatz})$,
=> zurück zu Schritt 1)
 - b) $\text{Parameter}(\text{neuer Datensatz}) = \text{Parameter}(\text{letzter Datensatz})$,
=> Schritt 4)
4. **Ersetzung der fehlenden Werte** entsprechend den zuletzt berechneten Parametern (M, SD, r) .

[Multiple Imputation]

1) IMPUTATION ⇒

2) ANALYSE ⇒

3) INTEGRATION



*Punktschätzer und Standardfehler

Anwendungsvoraussetzungen

- **EM-Algorithmus:**
 - Multivariate Normalverteilung
 - MAR/MCAR
 - große Stichprobe ($\gg N=100$)
 - pro Variable ca. 30% Fehlwerte akzeptabel
- **Multiple Imputation:**
 - Multivariate Normalverteilung
 - MAR/MCAR
 - (große Stichprobe)
 - akzeptabler Anteil fehlender Werte abhängig vom "Anteil fehlender Information"

Beide Verfahren (EM, MI) sind relativ stabil gegen (moderate) Verletzungen ihrer Voraussetzungen!

MI: Datenbeispiel

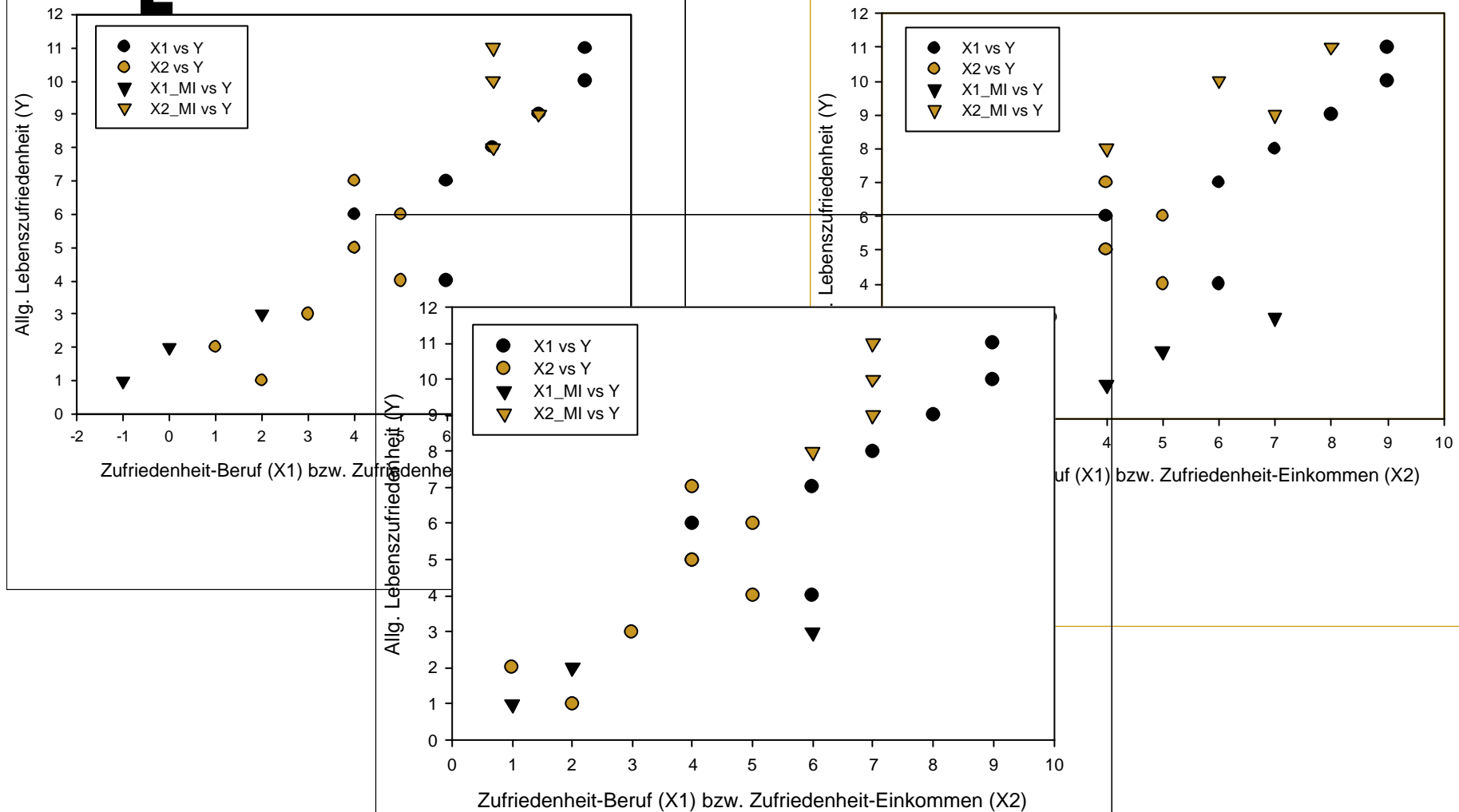


Abb. 9: Multiple Imputation am Datenbeispiel von Wirtz (2004)



IV. Allgemeine Empfehlungen

Anwendungsempfehlungen (1)

- Grundregel:
*"Die einzige gute Lösung für das Problem fehlender Werte ist **kein Problem zu haben!**" (Allison,2001)*
- Besser höheren Aufwand für einen **möglichst vollständigen "schlanken" Datensatz** als nach umfangreicher Datenerhebung nicht genau fassbare Verzerrungen durch fehlende Werte zu erhalten
- **Erhebung von Kovariaten**, die dem Fehlen von Daten korrelieren, ermöglichen Rückschlüsse auf die fehlenden Daten

Anwendungsempfehlungen (2)

- **Mittelwertersetzung** sollte nicht zur Behandlung fehlender Werte eingesetzt werden (Ausnahme: Summen/Mittelwerte)
- **LW-Fallausschluss und PW-Fallausschluss** sollte nur unter der MCAR-Annahme, welche in der Realität selten vorliegt, angewendet werden
- **State-of-the-art-Verfahren** (EM-Algorithmus, Multiple Imputation) sind den konventionellen Verfahren überlegen
 - schwächere Voraussetzungen (MAR statt MCAR)
 - geringere Verzerrungen (Erhalt der Datenstruktur)
 - größere Effizienz (kein Fallausschluss)

Anwendungsempfehlungen (3)

- **SPSS:** Zusatzmodul "Missing Value Analysis (MVA)"
 - EM-Algorithmus
 - Möglichkeiten zur MD-Diagnose
- **SAS:** Prozeduren PROC MI und MIANALYZE
 - Multiple Imputation
 - noch experimentell bis Version 8.2
- **Freeware-Programme:**
EMCOV [DOS] (Graham, 1995) und NORM [Windows] (Schafer, 2000)
verwenden den EM-Algorithmus und können Multiple Imputation
- u.a.

[Literatur]

1. Wirtz, M. (2004). Über das Problem fehlender Werte: Wie der Einfluss fehlender Informationen auf Analyseergebnisse entdeckt und reduziert werden kann. *Rehabilitation*, 43, 109-115.
2. Müller, J. M. (2002). Umgang mit fehlenden Werten. In: Reusch, A., Zwingmann, Ch. & Faller, H. (Hrsg.). *Empfehlungen zum Umgang mit Daten in der Rehabilitationsforschung*. Regensburg: Roderer.
3. Schafer, J.L. & Graham, J.W. (2002). Missing Data: Our View of the State of the Art. *Psychological Methods*, 7(2),147-177.
4. Schafer, J.L. (2000). NORM 2.03 for Windows 95/98/NT [Software].
Quelle: <http://www.stat.psu.edu/~jls>
5. Graham, J. W. (1995). EMCOV for DOS [Software]. Quelle:
<http://methodology.psu.edu/downloads/EMCOV.html>



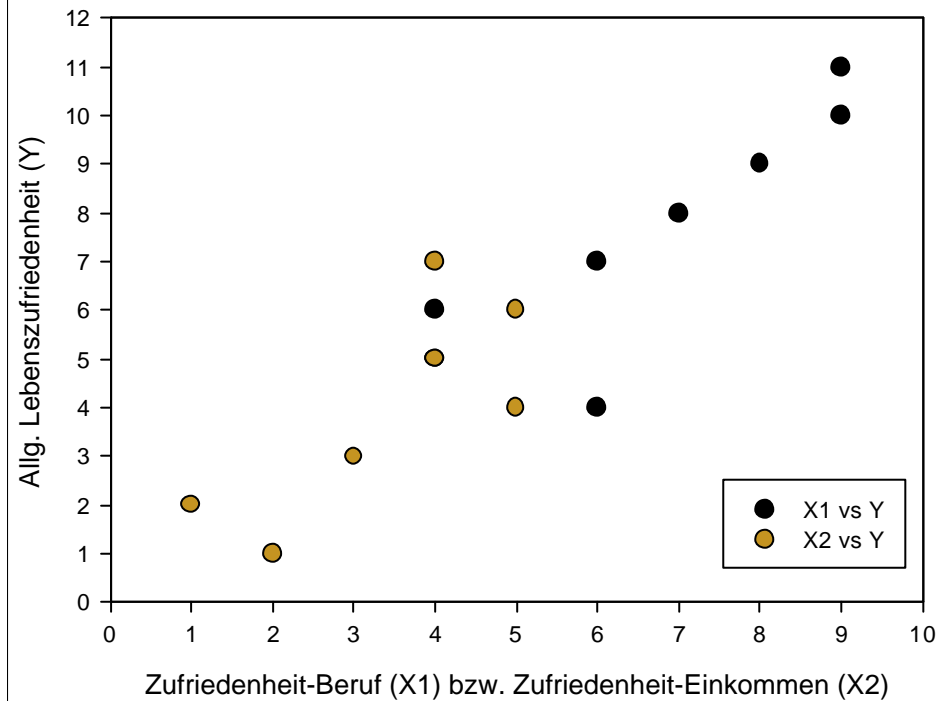
*Vielen Dank
für Ihre Aufmerksamkeit!*

Kontakt: wilmar.igl@mail.uni-wuerzburg.de

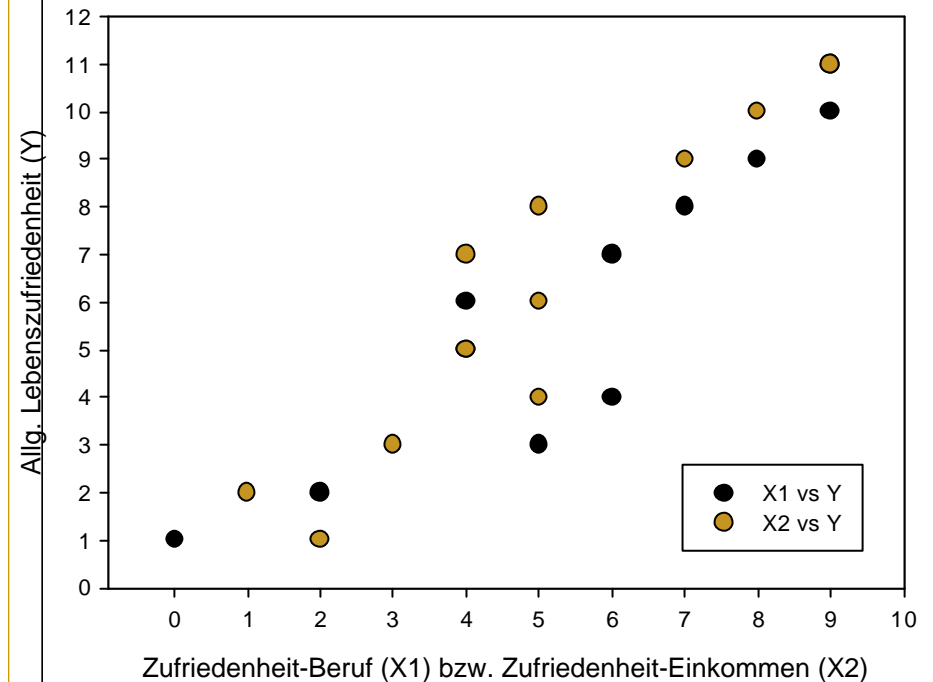
[Anhang

]

EM-A: Datenbeispiel



Originaldaten



Daten ersetzt mit EM-Algorithmus

Abb. 9: EM-Algorithmus am Datenbeispiel von Wirtz (2004)